

$$\mathbf{B}(e+1,-n)=\mathbf{B}(-n,e+1)=\frac{\Gamma(-n)\Gamma(e+1)}{\Gamma(e-n+1)}=\int_{0+}^{1-}t^e(1-t)^{-n-1}\mathrm{d}t$$